

MAT1905A : ALGÈBRE VECTORIELLE ET LINÉAIRE
Département de mathématiques et de statistique,
Faculté des arts et des sciences, Université de Montréal,
Été 2024
PLAN DE COURS

Objectifs du cours:

- Appliquer les méthodes de l'algèbre linéaire à la résolution de systèmes d'équations linéaires et à l'étude de la géométrie.
- Maîtriser les définitions, la terminologie, le symbolisme et les conventions relatives à la géométrie analytique de l'espace et aux concepts de matrice, de déterminant et de vecteur.
- Être capable de modéliser divers problèmes à l'aide de l'algèbre linéaire ou de la géométrie vectorielle.
- Pouvoir résoudre des problèmes relevant de l'algèbre linéaire et de la géométrie vectorielle.

Méthodologie:

Les activités d'apprentissage se dérouleront de la manière suivante. Les séances théoriques, qui consistent en 6 périodes de 50 minutes par semaine, seront consacrées à l'introduction de nouveaux concepts et à la présentation d'exemples qui contribueront à assimiler ces concepts et à relever les subtilités qui y sont associées. L'accent sera mis sur la compréhension de la théorie et le développement de l'intuition des étudiants face aux différentes notions introduites.

L'aspect habileté à utiliser les notions, formules et symboles sera réservé à 3 autres périodes de 50 minutes chaque semaine, dans le cadre des séances de travaux pratiques. La liste des exercices sera disponible sur Studium avant les séances de travaux pratiques. Les étudiants sont fortement encouragés à résoudre les exercices avant d'assister aux séances de travaux pratiques afin de cibler les éléments qui n'ont pas été assimilés.

Contenu du cours:

VOLET 1: *Matrices et opérations sur les matrices:*

Matrice, vecteur, scalaire. Matrices particulières: triangulaire, diagonale, symétrique, transposée, etc. Opérations sur les matrices.

VOLET 2: *Déterminants et inversion de matrices:*

Définition, propriétés et calcul d'un déterminant. Matrices inversibles et calcul de matrices inverses.

VOLET 3: *Systèmes d'équations linéaires:*

Matrice et résolution d'un système d'équations linéaires. Opérations élémentaires sur une matrice et matrices élémentaires. Forme normale échelonnée,

élimination de Gauss, élimination de Gauss-Jordan. Résolution d'un système linéaire. Règle de Cramer.

VOLET 4: *Géométrie vectorielle dans le plan:*

Algèbre des vecteurs. Combinaison linéaire, dépendance et indépendance linéaire. Produit scalaire et projections. Diverses formes de l'équation d'une droite dans le plan. Distances et angles.

VOLET 5: *Géométrie vectorielle dans l'espace et dans \mathbb{R}^n :*

Espace euclidien \mathbb{R}^n . Vecteurs dans l'espace, dépendance et indépendance linéaire. Produits scalaire et vectoriel, projections. Équations d'une droite et d'un plan dans l'espace. Distances et angles.

Calendrier approximatif des séances proposé:

Séance 1	Langage matriciel (1.2, 1.3)*
Séance 2	Opérations sur les matrices (2.1 à 2.6, 2.8)
Séances 3-4	Déterminants et inversion de matrices (3.1 à 3.7)
Séance 5-6	Résolution de système d'équations linéaires (4.1 à 4.3)
Séance 7	Elimination de Gauss, méthode de Gauss-Jordan (4.4, 4.5)
Séance 8	Vecteurs du plan (5.1 à 5.4)
Séance 9	Vecteurs du plan (5.5)
Séance 10	Droites du plan (6.1, 6.2)
Séance 11	Droites du plan (6.3, 6.4)
Séance 12	Vecteurs de \mathbb{R}^3 (7.1 à 7.3, 7.5, 7.6)

*Les numéros entre parenthèses réfèrent aux sections dans le manuel obligatoire.

Évaluation et dates des examens:

- Intra, (40% de la note finale) : vendredi 31 mai (12h30-14h20).
- Final, (60% de la note finale) : mercredi 19 juin (12h30-15h20).

Manuel obligatoire :

- [1] Luc Amyotte, *Introduction à l'algèbre linéaire et à ses applications*, 5^e édition enrichie, Édition ERPI Éducation, 2024. ISBN 9782766154111.

Autres références:

- [2] Kamel Belbahri, *Algèbre linéaire et géométrie vectorielle*. Editions le Savoir Scientifique, 2011. ISBN 2981164740.
- [3] Gilles Charron et Pierre Parent, *Algèbre linéaire et vectorielle*, 4^e édition, Édition Chenelière Éducation, 2011. ISBN 9782761656030.

Professeur:

Kamel Belbahri. Bureau 5190 Pavillon André Aisenstadt. Email : k.belbahri@umontreal.ca

Travaux pratiques:

Auxiliaire d'enseignement : à venir.

Périodes de disponibilité pour consultations individuelles:

Des périodes de consultations individuelles seront mises à votre disposition. Il est important de profiter de celles-ci pour poser des questions sur la matière du cours. L'horaire de ces périodes sera accessible via Studium.

Informations supplémentaires:

- Date limite pour abandonner le cours sans frais : 2024-05-09
- Date limite pour abandonner le cours (avec frais et mention *Abandon* sur le relevé de notes) : 2024-06-19
- Toute absence à une évaluation doit être motivée (par exemple avec le billet d'un médecin). Le cas échéant, l'étudiant doit remplir le formulaire en ligne approprié dans son centre-étudiant.
- L'étudiant surpris à plagier pourrait se voir attribuer un échec. L'étudiant est invité à consulter le site: www.integrite.umontreal.ca.