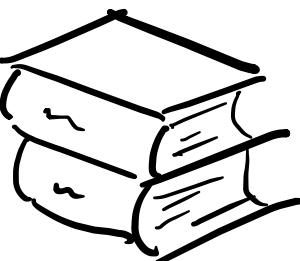
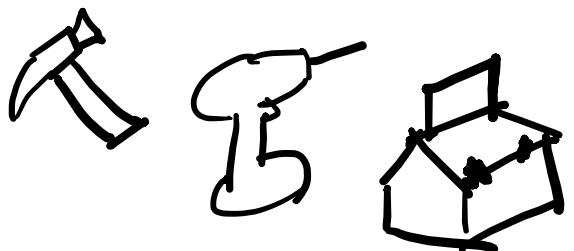


ça c'est
Fred.

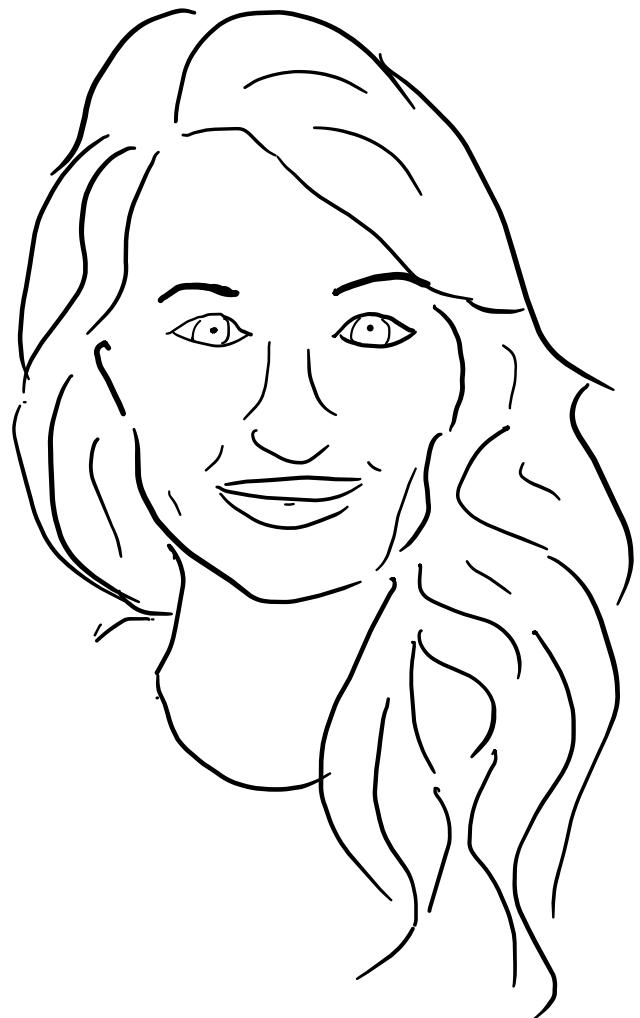
Est-il plus probable que
Fred travaille



(a) dans une
librairie
indépendante?

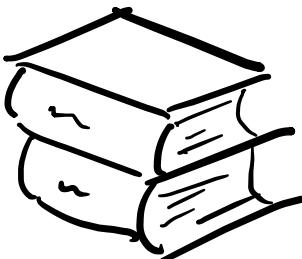


(b) sur un
chantier de
construction?

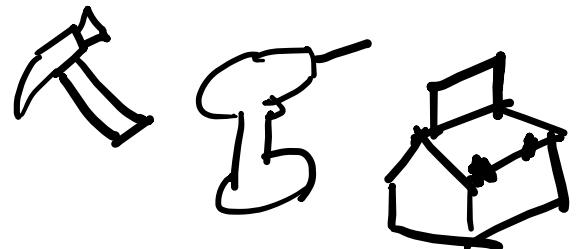


Ça c'est
Josée.

Est-il plus probable que
Fred travaille



(a) dans une
librairie
indépendante?



(b) sur un
chantier de
construction?

questions...

1. Quelles informations utilise-t-on pour répondre à ces questions ?
2. Comment de nouvelles informations changent nos croyances ?

L'objectif de 3 % n'avait pas été atteint en 2018. Il l'a été en 2021, selon les données préliminaires de la CCQ, qu'a pu consulter La Presse Canadienne.

Plus précisément, en 2021, il y avait 6224 femmes actives dans les chantiers de construction du Québec, soit 3,27 % de la main-d'œuvre active.

Lia LÉVESQUE, Les femmes représentent 3% de la main-d'œuvre active. *La Presse Canadienne*, via *La Presse*, le 8 mars 2021. Capture faite le 3 mai 2022.

2- Combien y a-t-il de librairies indépendantes au Québec?

Le nombre de librairies indépendantes (librairies comptant moins de quatre succursales) est d'environ 270. En soustrayant les librairies en milieu scolaire, on arrive à 200.

Josée LAPORTE, Marc CASSIVI. Librairies indépendantes : Librairies de proximité. *La Presse*, 6 mars 2016. Capture le 3 mai 2022.

6224 femmes
en construction en
2021

~200 librairies
indépendantes.

⇒ Chaque librairie doit employer en moyenne > 30 femmes pour que les probabilités soient égales ...

Petit guide d'autodéfense statistique

une introduction simple
aux probabilités et aux statistiques.

Élise Davignon, M.Sc.

doctorante et chargée de cours à l'UdeMontréal

elise.davignon@umontreal.ca





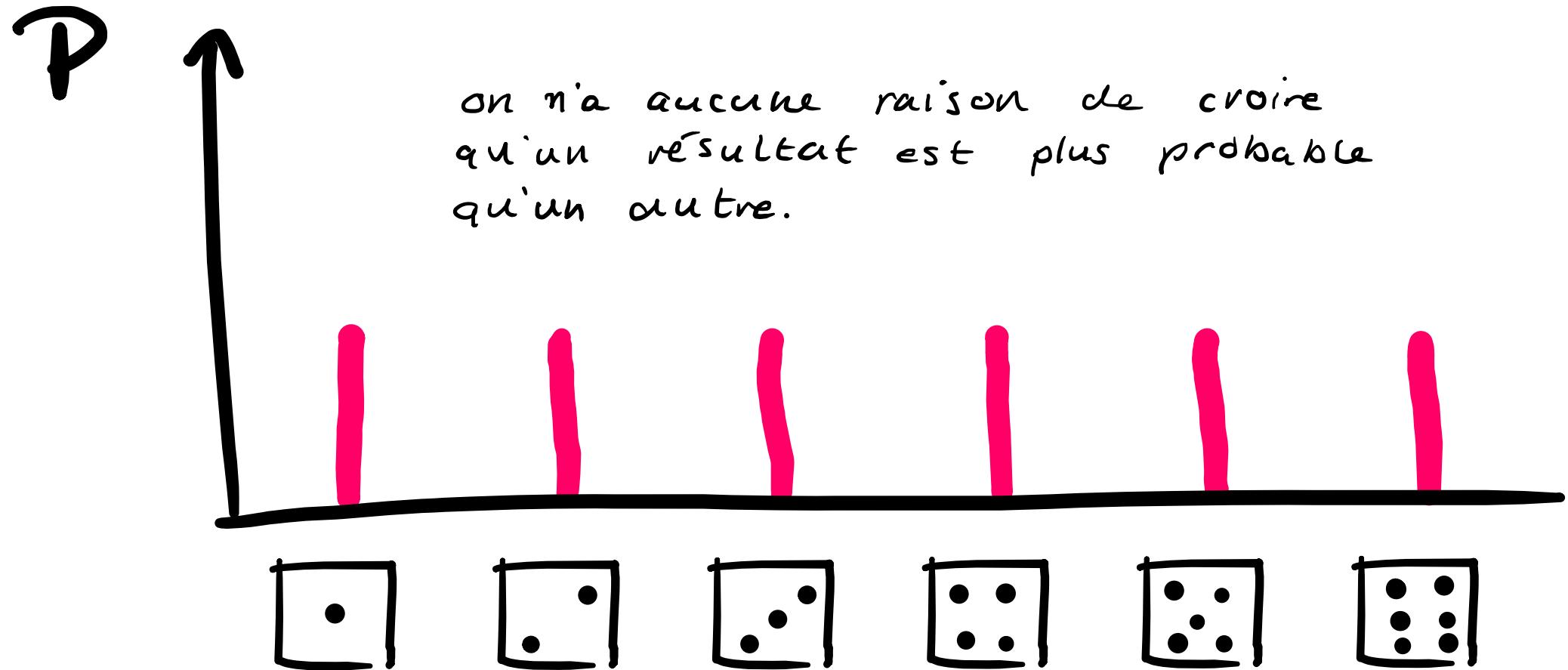
Comment
des informations
partielles changent
les probabilités?

2.) Bayes

L'approche
de

quand on n'a
pas d'information...

... tous les résultats possibles sont équiprobables.

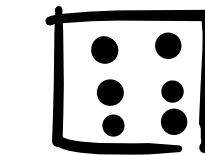
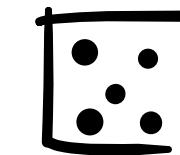
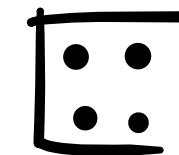
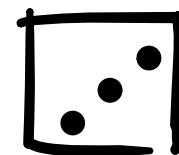
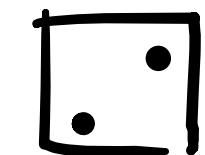
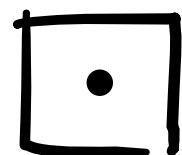




“résultat” \neq événement !

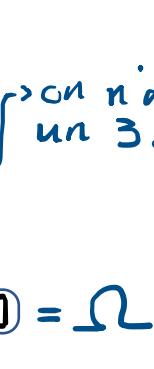
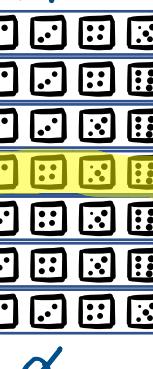
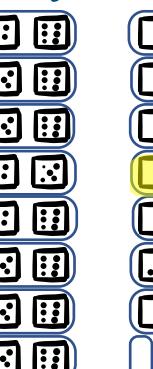
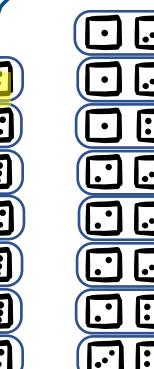
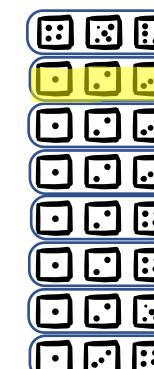
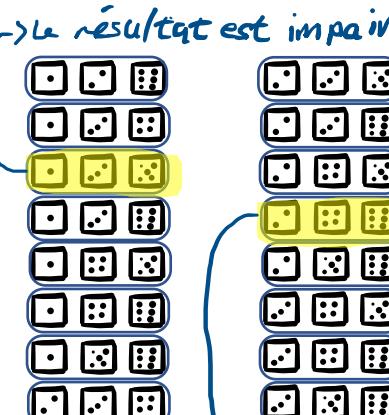
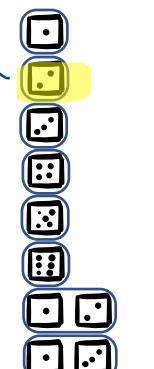


ex: Si on lance un dé, il y a **6** résultats possibles ...



... mais il y a **64** événements possibles :

on roule un 2.



on roule 3 ou 4.

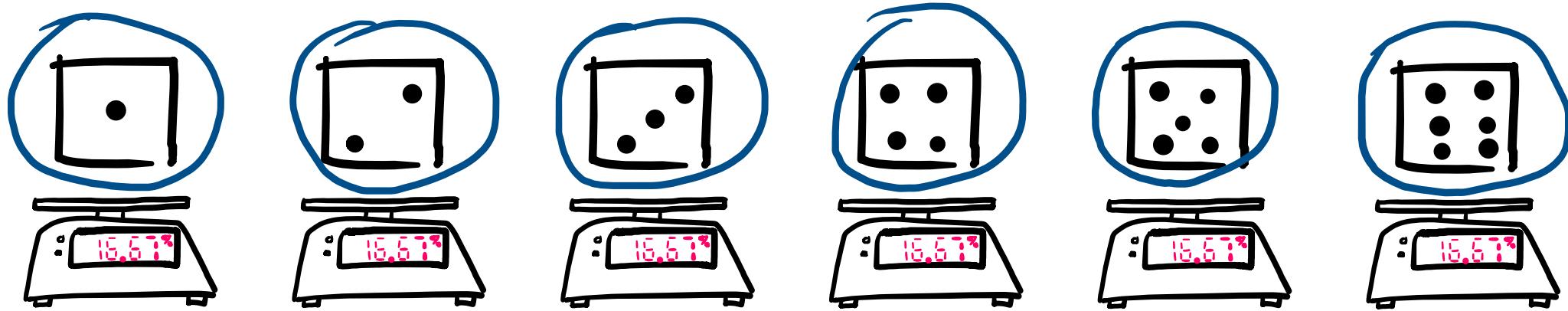
le résultat est pair.

= Ω

\emptyset

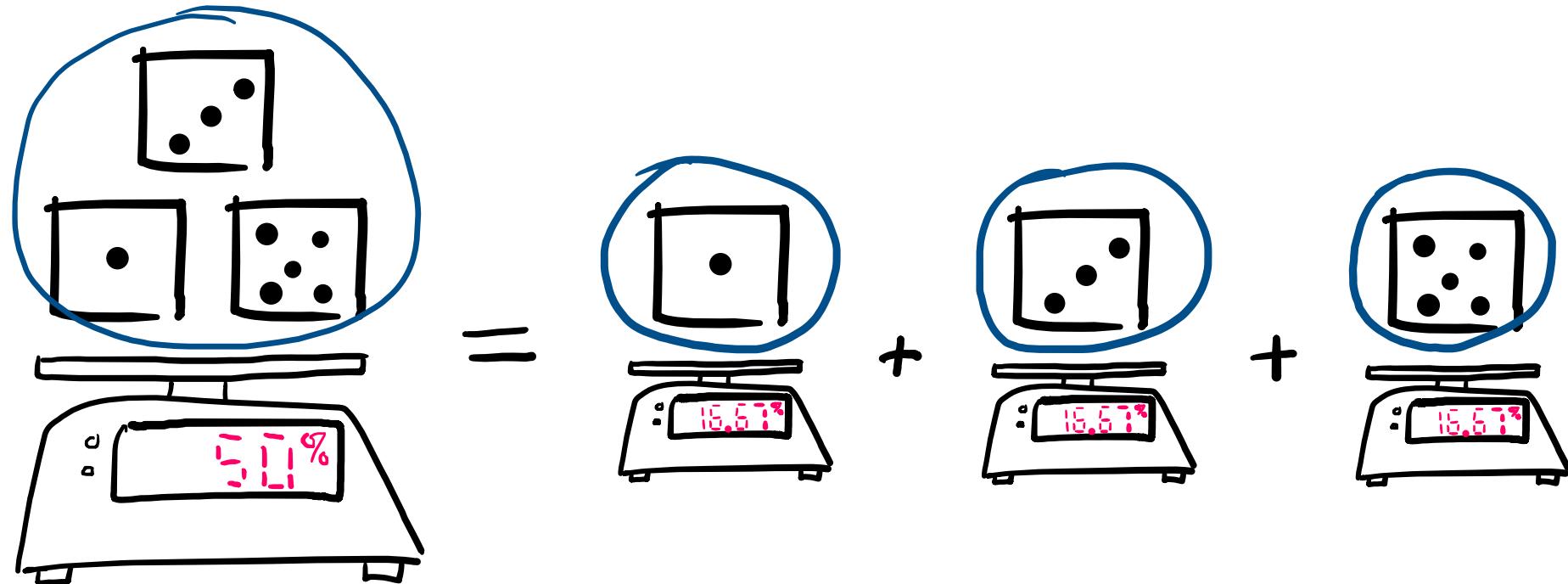
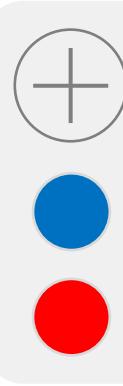
on n'a pas obtenu un 3.

La mesure équiprobable:



Tous les résultats possibles ont la même probabilité.

La mesure équiprobable:



Les autres **événements** ont une probabilité proportionnelle au nombre de résultats qui les réalisent.



La mesure équiprobable:

$$P(E) = \frac{\#\{ \text{résultats qui réalisent } E \}}{\#\{ \text{résultats possibles} \}}$$

Les autres événements ont une probabilité proportionnelle au nombre de résultats qui les réalisent.

La mesure équiprobable:



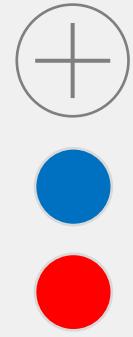
$$P(E) = \frac{\#(E)}{\#(\Omega)}$$

de résultats qui réalisent E

Ω = tous les résultats possibles.

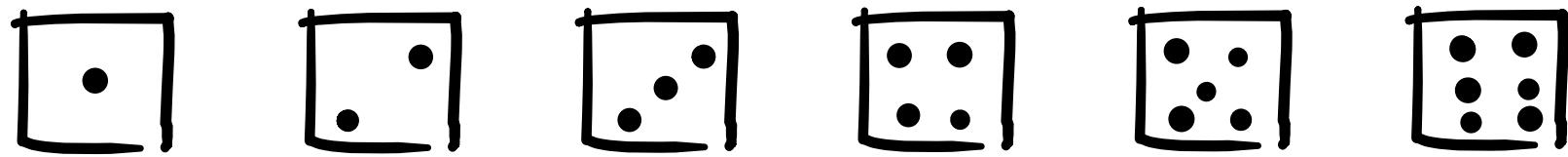
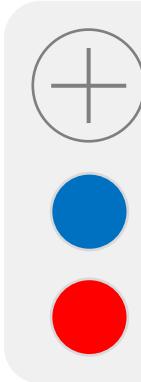
Les autres **événements** ont une probabilité proportionnelle au nombre de résultats qui les réalisent.

qu'est-ce que
l'information ?



Pour gagner **1 bit** d'information, il faut diminuer de moitié le nombre de résultats possibles.

Plus il y a de résultats possibles,
plus il faut d'information pour connaître
le résultat.



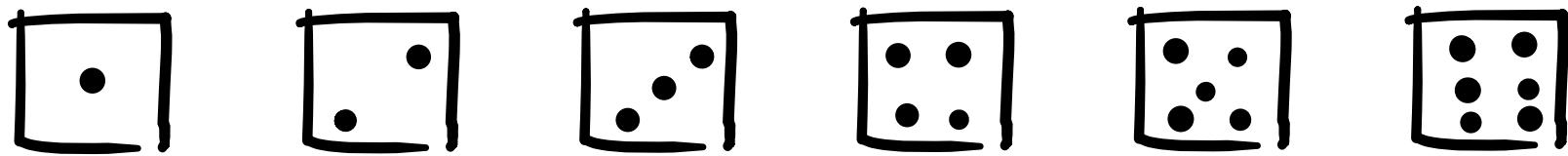
il faut $\log_2 6 \simeq 2,58$ bits

d'information pour prédire le résultat d'un dé.

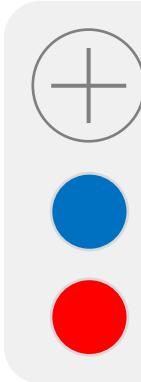
Connaitre une information

\Leftrightarrow savoir qu'un événement
s'est réalisé !

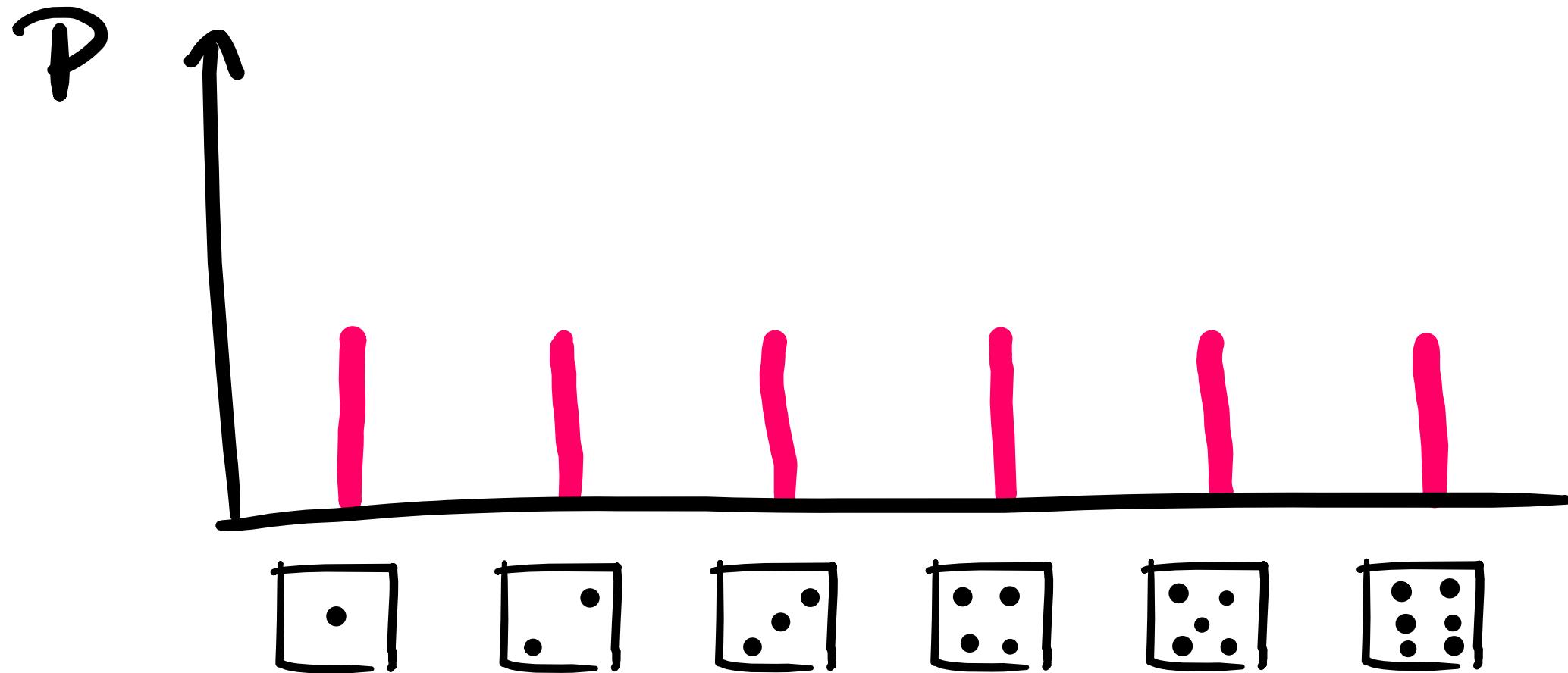
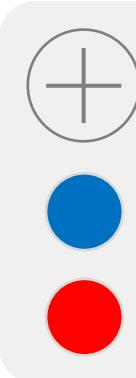
ex: On lance un dé. On a: 0 bits. Il manque: 2,58 bits.

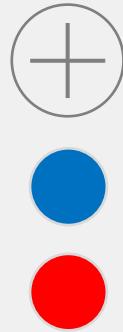


si le résultat est pair. On a 1 bit. Il manque 1,58 bits.

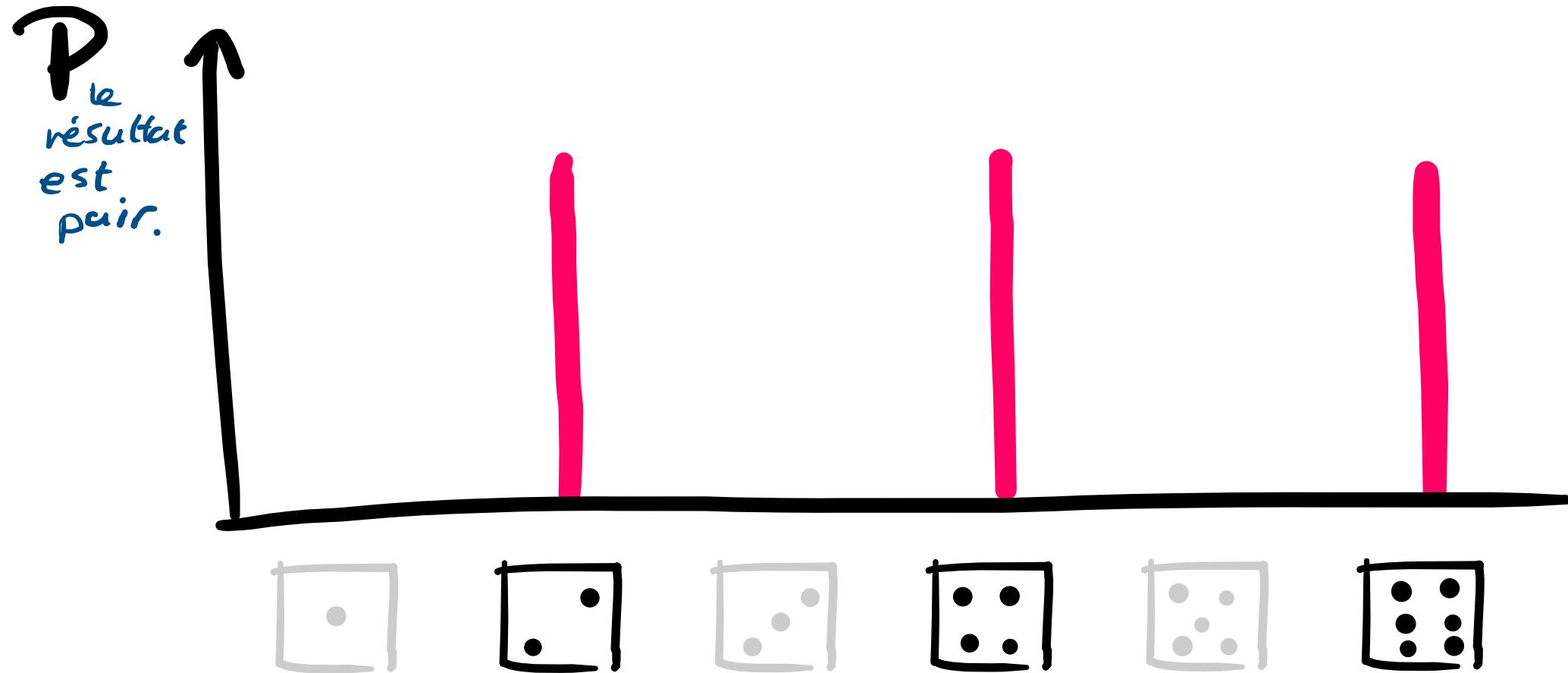


Lorsqu'on sait qu'un événement est réalisé,
les résultats qui ne le réalisent pas perdent
leur probabilité.



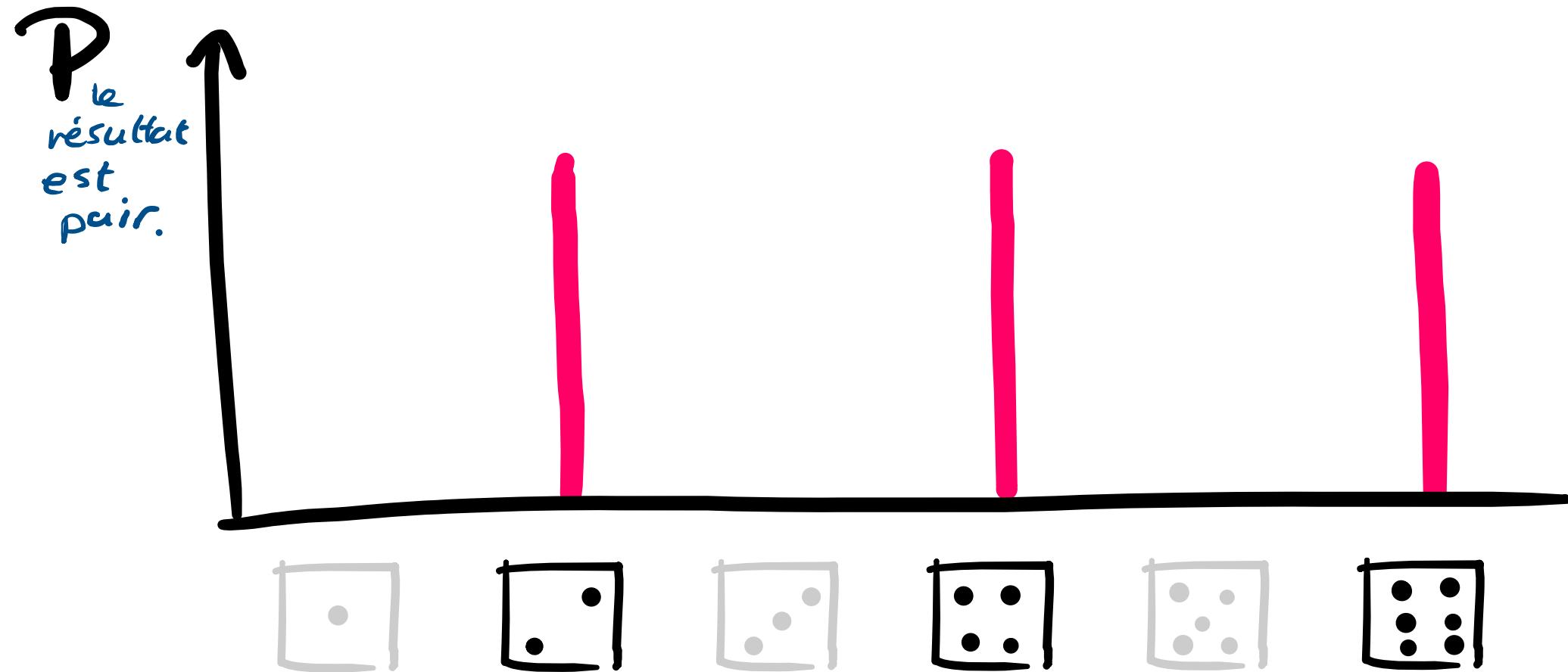


Lorsqu'on sait qu'un événement est réalisé, les résultats qui ne le réalisent pas perdent leur probabilité.

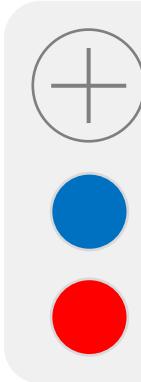




Les résultats qui restent demeurent équiprobables



Les probabilités conditionnelles.



On notera

Sachant que
ou conditionnellement à

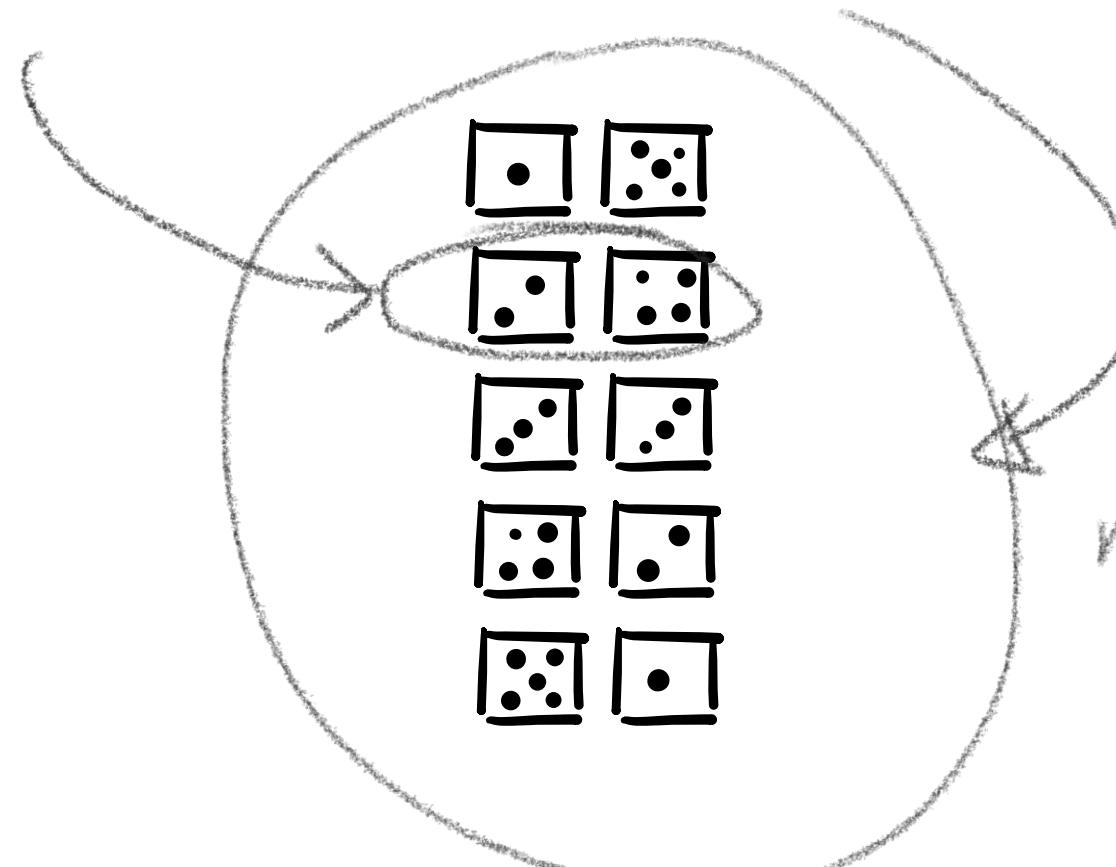
$$P(B | A) = x$$

la probabilité de
B sachant A.

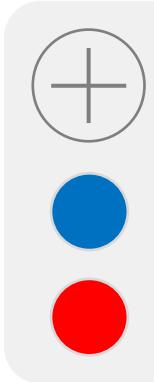
Il s'agit de la
nouvelle probabilité
de **B** maintenant.
qu'on sait que **A**
est réalisé.

quelques exemples...

$$P(\text{le 1er dé est } \boxed{1\cdot} \mid \text{la somme des dés est } 6) = \frac{1}{5}$$

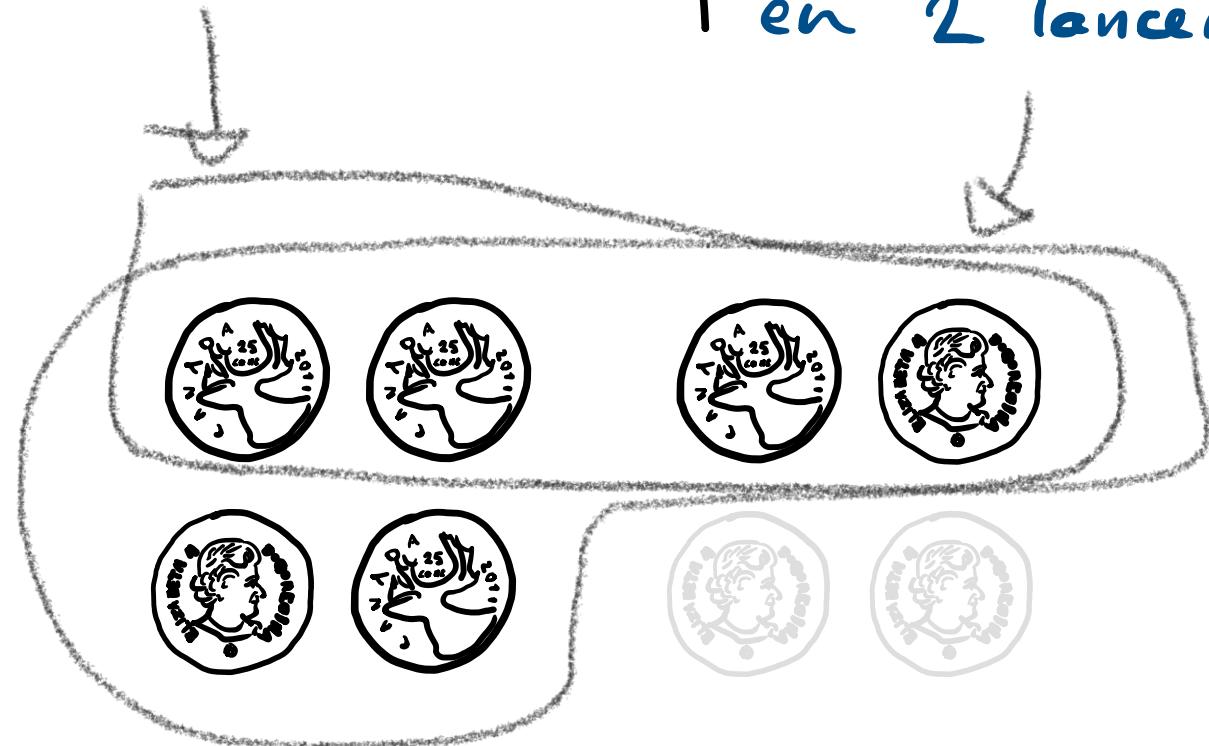


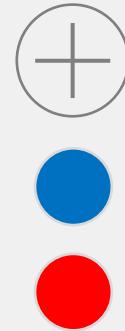
résultats possibles



quelques
exemples...

$$P(\text{ Pile au 1er lancer} \mid \text{Au moins 1 pile en 2 lancers}) = \frac{2}{3}$$





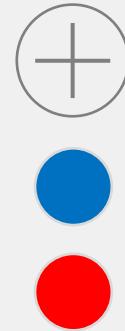
De façon générale

$$P(B | A) = \frac{\#(A \text{ et } B)}{\#(A)}$$



De façon générale

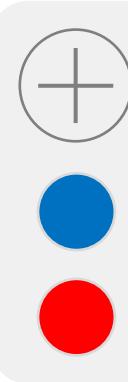
$$P(B | A) = \frac{P(A \text{ et } B)}{P(A)}$$

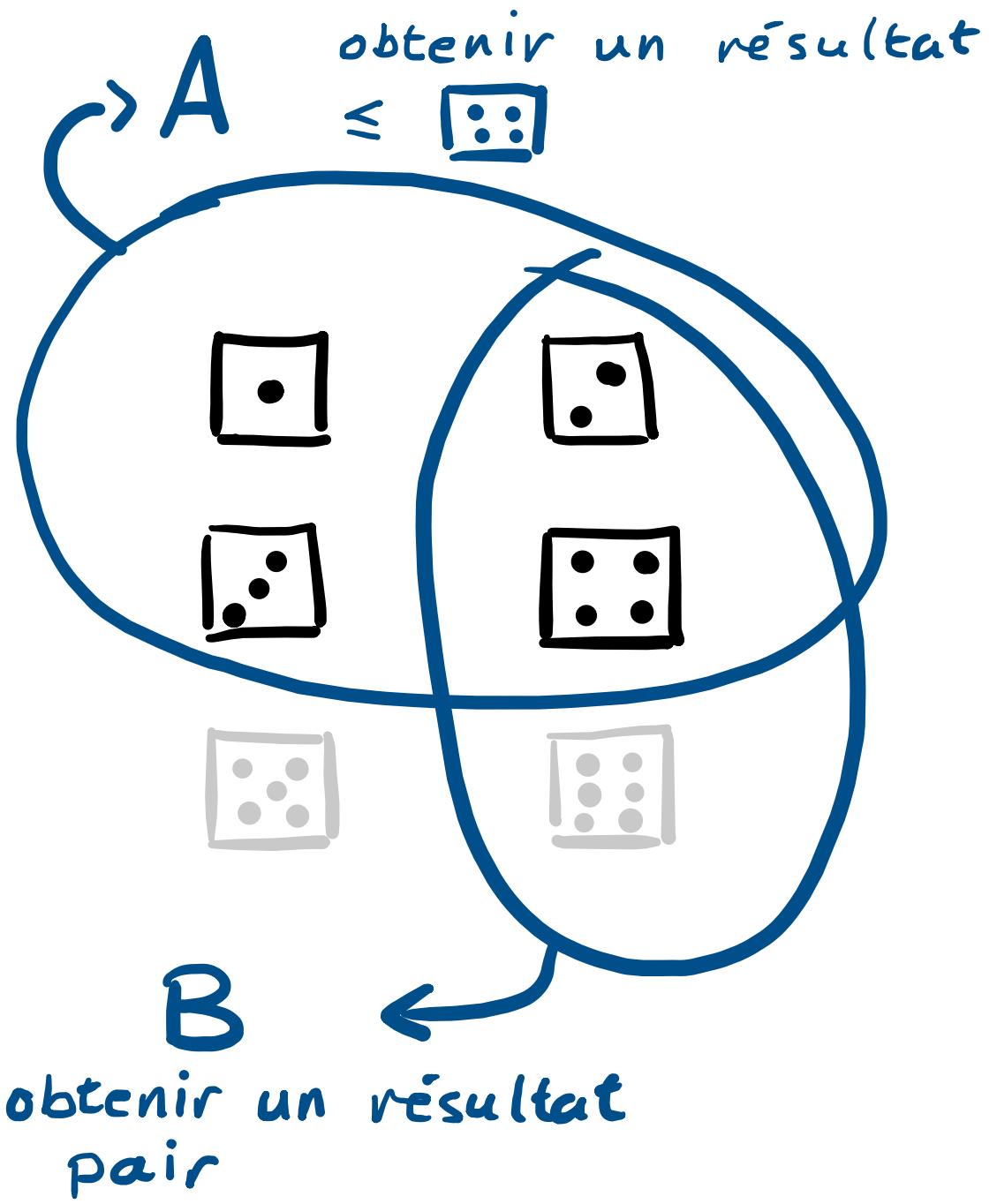


De façon générale

$$P(A \text{ et } B) = P(B | A) P(A)$$

L'indépendance.

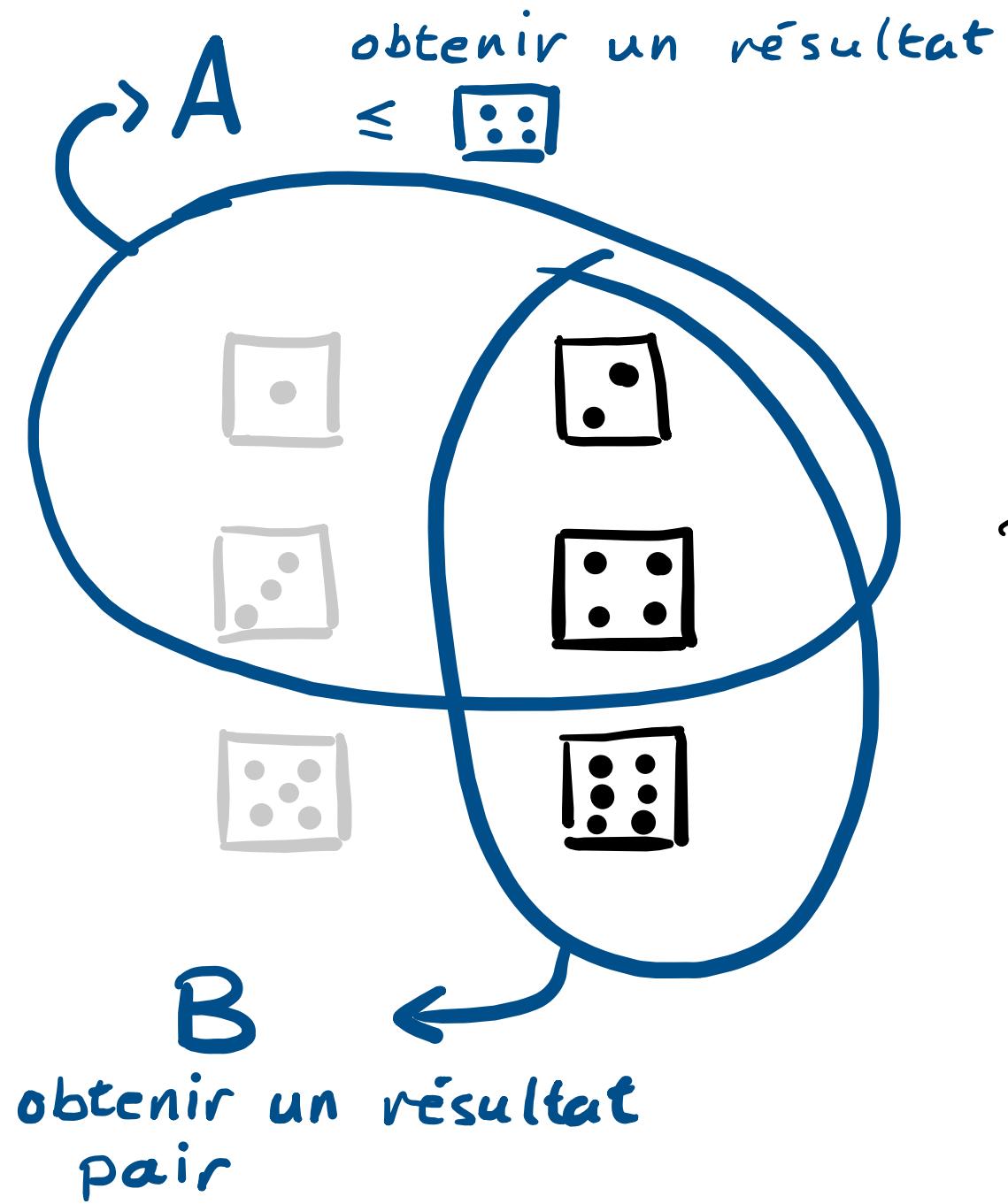
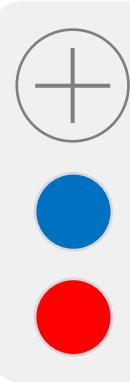




$$P(B) = \frac{1}{2}$$

$$P(B | A) = \frac{\#(A \text{ et } B)}{\#(A)}$$

$$= \frac{2}{4} = \frac{1}{2} ! ?$$

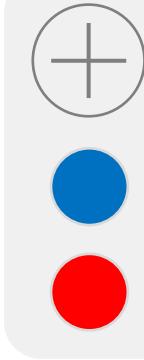


$$P(A) = \frac{2}{3}$$

$$P(A | B) = \frac{2}{3}$$

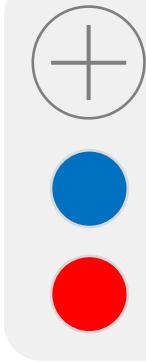
!?

Qu'est-ce qui se passe ?



Les événements A et B sont
indépendants.

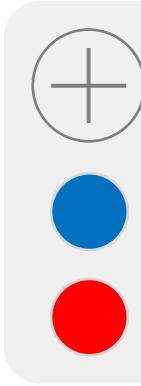
la probabilité de l'un ne change pas quand on sait que l'autre s'est produit.



Les événements A et B sont
indépendants.

$$P(B | A) = P(B).$$

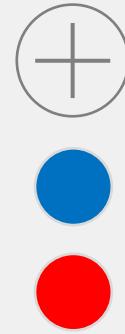
quelques exemples



$$P \left(\begin{array}{c} \text{gagner le} \\ \text{jackpot} \end{array} \mid \begin{array}{c} \text{:(} \\ \times 50 \end{array} \right)$$

sa fait 50 fois que je perds

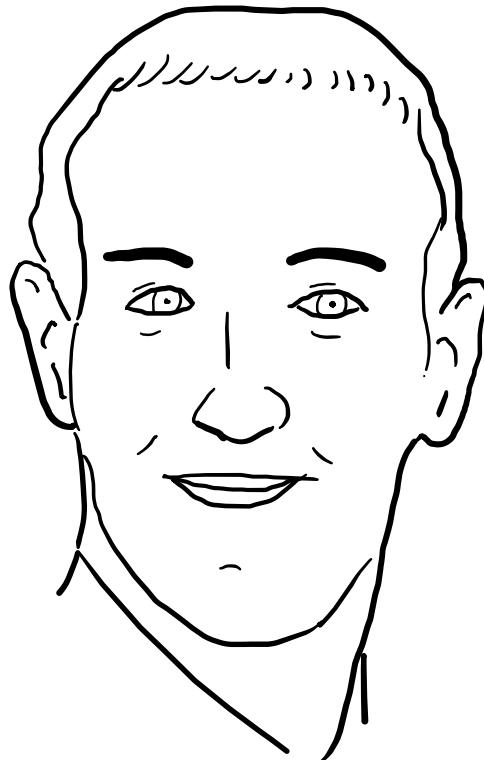
$$= P \left(\begin{array}{c} \text{gagner le} \\ \text{jackpot} \end{array} \right)$$



Mettre à jour nos
croyances.

revoici

Fred.



Fred vit soit au Québec
ou à l'Île du Prince Édouard.

Est-il plus probable que
Fred vive :

- (a) Au Québec ?
- (b) À l'Île du Prince Édouard ?



en 2016, la population
du Québec était de

8 066 560

personnes.

en 2016, la population
de l'Île du Prince Édouard
était de

141 015

personnes.

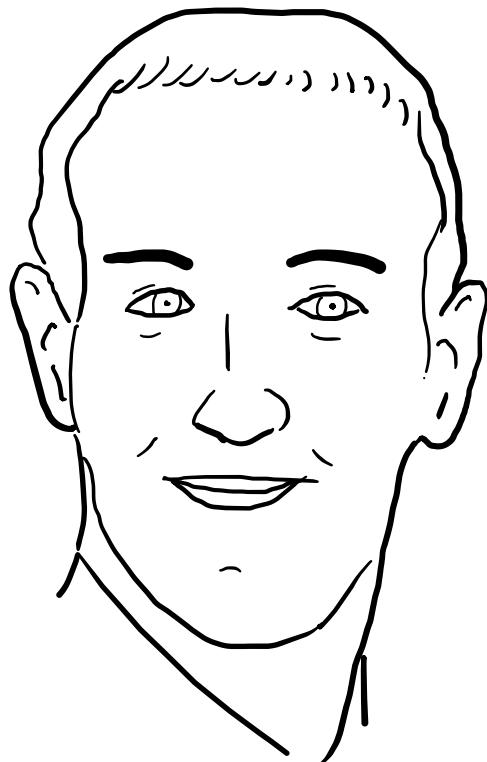


$$P(\text{ } \text{ }) = \frac{141\ 015}{141\,015 + 8\,066\,560}$$
$$\approx 1,71\%$$

$$P(\text{ } \text{ }) \approx 98,29\%$$

revoici

Fred.



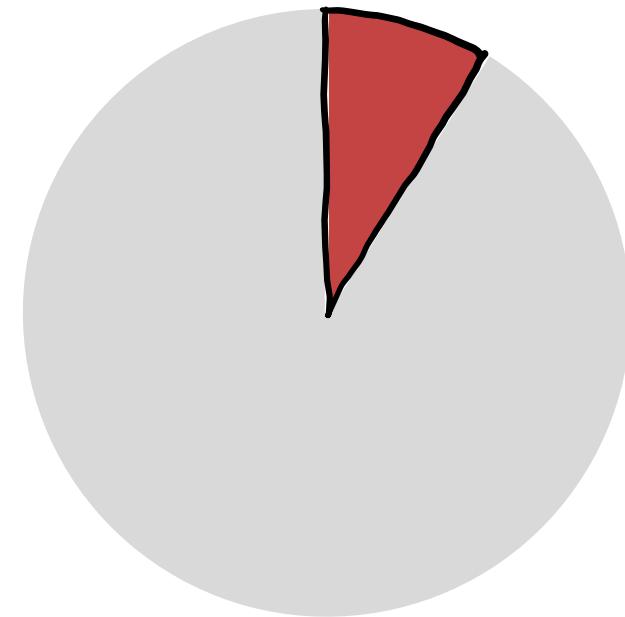
Fred a l'anglais comme
langue maternelle.

Est-il plus probable que
Fred vive :

- (a) Au Québec ?
- (b) À l'Île du Prince Édouard ?

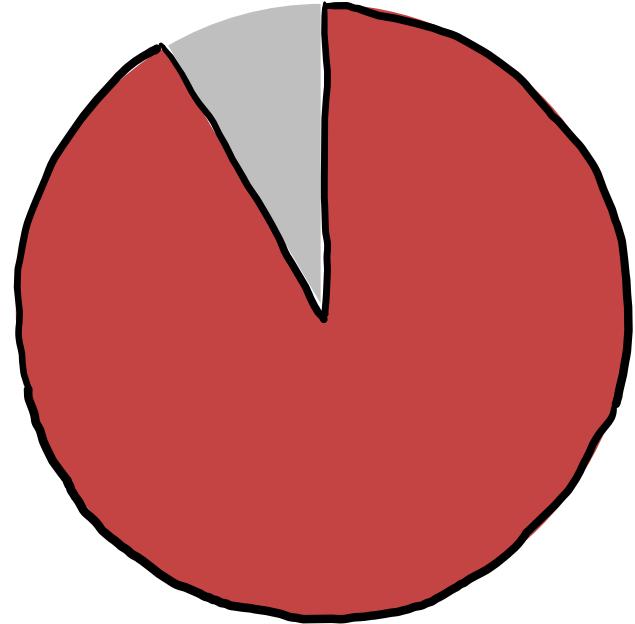


Ga
de
c'est la province
Québec.

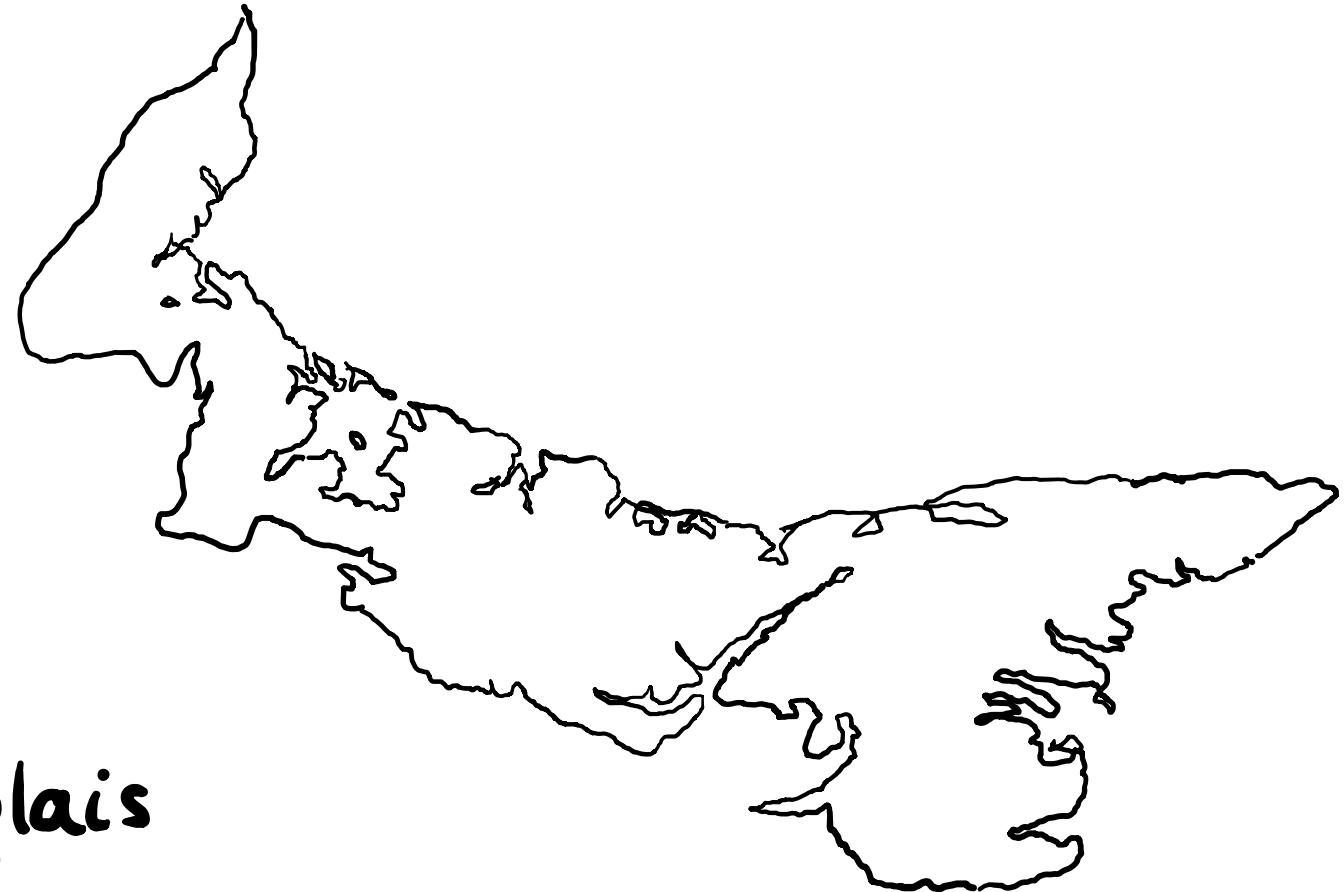


8,9%
Ont l'**anglais**
comme langue
maternelle.*

Ça, c'est l'Île du Prince Édouard.



91,5% ont l'anglais
pour langue maternelle.



$$P(\text{ } \left. \begin{matrix} \text{ } \\ \text{ } \end{matrix} \right| \text{ } \left. \begin{matrix} \text{ } \\ \text{ } \end{matrix} \right) = 8,9\%$$

$$P(\text{ } \left. \begin{array}{c} \text{Union Jack} \\ \text{Map of UK} \end{array} \right| \text{ } \left. \begin{array}{c} \text{Map of Europe} \end{array} \right) = 91,5\%$$

$$P(\text{ } \mid \text{ }) = ?$$

est-ce que la probabilité que
Fred vit à l'I.P.É change si on sait
qu'il a l'anglais comme langue maternelle?

Si cette diapositive représente
l'ensemble des populations combinées
du Québec et de l'I.P.É. ...

Cette fine bande
grise correspond à
la population de
l'I.P.É.



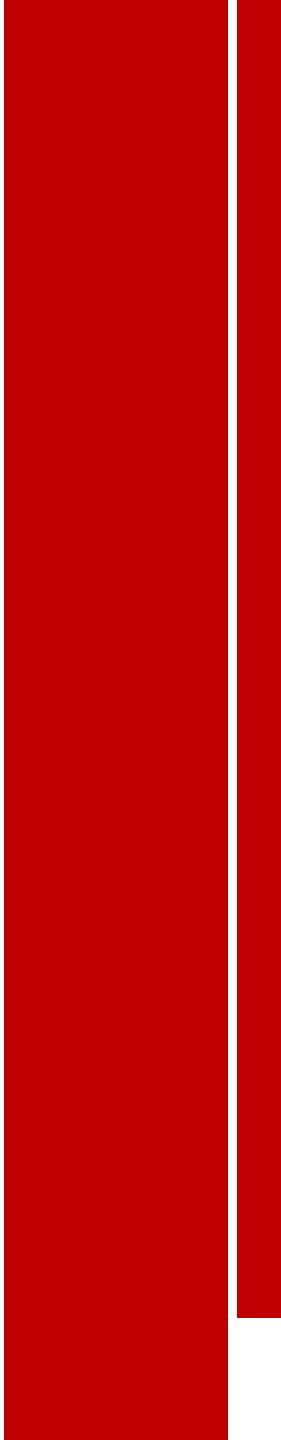
et la bande
rouge correspond
aux locuteurs/rices
natifs/nes de l'anglais



Tout le reste
correspond à la
population du
Québec...

... incluant ses 8,9%
de locuteurs/rices
nativs/ves anglophones.





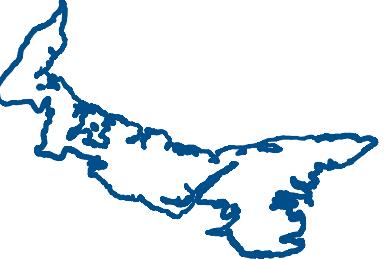


et

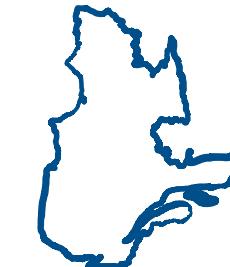


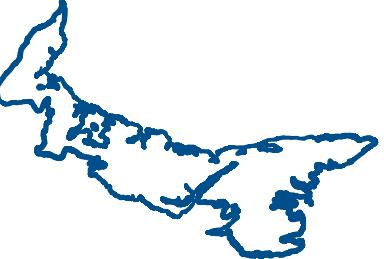
$$P(\text{ } | \text{ })$$

$$= \frac{\text{---}}{\text{---}} + \text{---}$$

$$P(\text{ } | \text{ })$$


$$= \frac{P(\text{ } | \text{ }) P(\text{ })}{P(\text{ } | \text{ }) P(\text{ }) + P(\text{ } | \text{ }) P(\text{ })}$$

$$\left(\begin{array}{l} P(\text{ } | \text{ }) P(\text{ }) \\ + \\ P(\text{ } | \text{ }) P(\text{ }) \end{array} \right)$$


$$P(\text{ } | \text{ })$$


$$= \frac{91,5\% \times 1,71\%}{91,5\% \times 1,71\% + 8,9\% \times 98,29\%}$$

$\approx 15,1\%$. !

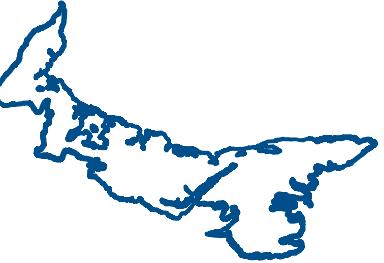
Ça paraît peu ! Mais :

on est passé.e.s de

$$P(\text{ }) \simeq 1,71\%$$

...

... $\dot{\alpha}$

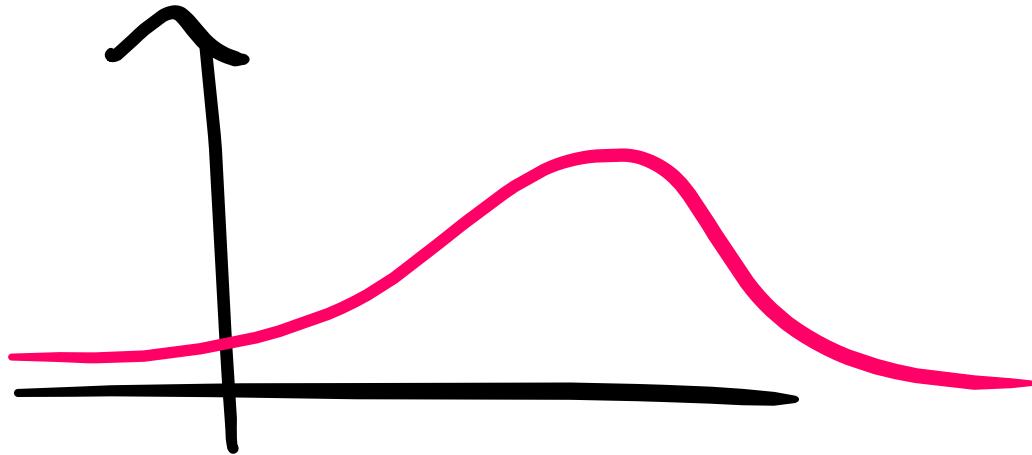
$P($  |  $)$

$\approx 15,1\%$.

La semaine prochaine

X

Les variables
aléatoires



Les distributions.

Les moyennes... etc.

Merci de votre
attention !